

28年度一次基礎略解

計算問題中心

基礎正解

	1	2	3	4	5	6
1-1群	④	④	④	④	⑤	①
1-2群	④	②	①	④	④	⑤
1-3群	③	③	②	⑤	①	④
1-4群	④	④	③	②	①	③
1-5群	⑤	⑤	③	①	⑤	④

1-1-1 ④

システムAの信頼度をRa,
 システムBの信頼度をRbとする。
 信頼度Xと信頼度Xとが並列のとき、合成信頼度は
 両方とも故障である場合すなわち $(1 - X)^2$ を除く
 確率であるので

$$1 - (1 - X)^2$$

これから

$$R_a = 0.900 \times [1 - (1 - X)^2] \times 0.900 \\ = 0.810 \times (2 - X)X$$

$$R_b = X \times 0.950 \times X = 0.950 \times X^2$$

この両者が等しいので、

$$0.810 \times (2 - X)X = 0.950 \times X^2$$

$$1.620 = 1.760 \times X, \quad X = 1.620 / 1.760 = 0.9204...$$

$$R_b = 0.950 \times (1.620 / 1.760)^2 = 0.8048...$$

1-1-2 ④ 略

1-1-3 ④ 略

1-1-4 ④

共通な①-②間を除く日数をルートごとに所要日数で調べると、②から⑩までの区間はルートにより下記1~3になる。

1. ②-③-④-⑤-⑩
 =a1 a2 b2 b3 8+15+20+ 8=51日
2. ②-⑥-⑨-⑩
 =b1 b2 b3 8+15+22+10=55日
3. ②-⑦-⑧-⑨-⑩
 =c1c2c3b3 8+15+22+10=55日

従って、2, 3 が最長ルートで全体日数がきまる。
 これを短縮するには2. 3. に共通なa2またはb3を短縮するのがよいがa2 18万円と、b3 15万円では b3の方が安いので④のb3を選択する。

1-1-5 ⑤

製品 k の個数を P_k とするとき、材料の個数の制約は

$$M_1 = P_1 \leq 5 \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

$$M_2 = P_1 + 2P_2 \leq 9 \dots\dots \textcircled{2}$$

$$M_3 = 2P_2 \leq 6 \dots\dots\dots \textcircled{3}$$

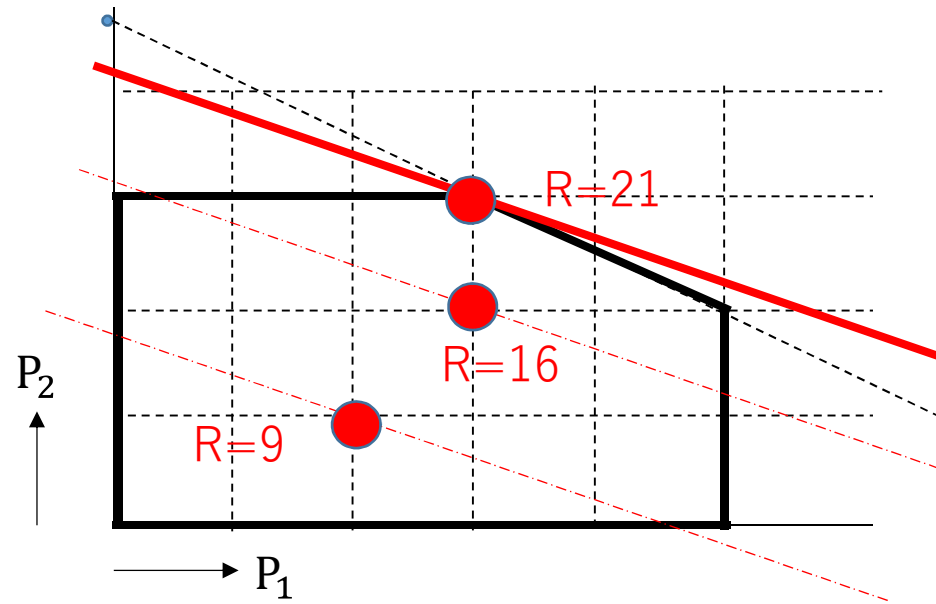
であり、この範囲で④式の最大値を求める。

$$R = 2P_1 + 5P_2 \dots\dots\dots \textcircled{4}$$

制約①②③を $P_1 - P_2$ 平面に表示すると右図の五角形の範囲内となる。

②式は、 $P_2 \leq 4.5 - 0.5 P_1$ 、これは(3,3)を通り、傾きが-0.5の右下がりの直線である。

右図で、赤線で示した右下がりの3本の直線は利益一定のときの利益曲線で、これが高い位置にあるほど利益は大きくなるので、この直線が五角形の範囲内にあり、五角形に接する点、すなわち、(3,3)を通るとき、すなわち $R=21$ のときに最大となる。



利益曲線④は、傾きが $-2/5 = -0.4$ の直線であり、範囲内の格子点が解の候補になりえるが、仮に、 $P_1 = 2$ 、 $P_2 = 1$ とすれば、 $R = 9$ であり、仮に、 $P_1 = 3$ 、 $P_2 = 2$ とすれば、 $R = 16$ である。

R の最大値は④式が五角形の範囲内にあり、五角形に接する(3,3)の点を通るときで、 $P_1 = 3$ 、 $P_2 = 3$ のときであるとわかる。

1-1-6 ① 略

1-2-1 ④

① 2日後に雨になるのは次の3ケースがある。

雨—雨—雨 確率 = $\left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$

か、雨—曇り—雨 確率 = $\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$

か、雨—晴れ—雨 確率 = $\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$

確率合計は $\frac{1}{4} + \frac{1}{16} \times 2 = \frac{3}{8}$

② 晴れ—晴れ—雨 確率 = $\frac{1}{2} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$

晴れ—曇り—雨 確率 = $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$

晴れ—雨—雨 確率 = $\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$

確率合計は $\frac{1}{16} + \frac{1}{8} \times 2 = \frac{5}{16}$

③ 曇り—曇り—曇り 確率 = $\left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$

曇り—晴れ—曇り 確率 = $\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$

曇り—雨—曇り 確率 = $\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$

確率合計は $\frac{1}{4} + \frac{1}{16} \times 2 = \frac{3}{8}$

④ 曇り—晴れ—晴れ 確率 = $\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$

曇り—曇り—晴れ 確率 = $\frac{1}{2} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$

曇り—雨—晴れ 確率 = $\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$

確率合計は $\frac{1}{8} \times 2 + \frac{1}{16} = \frac{5}{16}$ (誤り)

⑤ 晴れ、曇り、雨の出現確率は三者対等であるからその出現確率は1/3である。

この問題は過去にも2回出題されている。

1-2-2 ②

① 1行目 $A+B=0+0=0$ なので誤り

② 1行目 $\bar{A}+\bar{B}=1+1=1$ 正しい

2行目 $\bar{A}+\bar{B}=1+0=1$ 正しい

3行目 $\bar{A}+\bar{B}=0+1=1$ 正しい

4行目 $\bar{A}+\bar{B}=0+0=0$ 正しい

③ ④ ⑤省略するが①と同様に行別に調べてすべて誤りとわかる。

1-2-3 ①

(ア) はNを2で割った商が1以上ならば次のステップに進み、1以下(すなわち0)で割り算を終了するための判定であり1以上、すなわち0より大であれば、次のステップに進める。

従って $N > 0$ である。

(イ) は2で割る計算を終了する場所を見つけるためのもので、 $N = 0$ であるかどうかを調べている。

(ウ) はNを2で割った商をメモリに書き込むものである。

1-2-4 ④

95%についてはキャッシュのアクセス時間
1.00ns、5%については100nsを要するので
 $0.95 \times 1.00 + 0.05 \times 100.0 = 5.95\text{ns}$

1-2-5 ④

- ① 元のデータに検査ビット1ビットを加えればよいから誤り
- ② 元のデータは1ビットでもよいから誤り
- ③ 誤り特定はできないから誤り
- ④ 2ビットが反転すると検査ビットは不変で正しい
- ⑤ 1の数の奇数偶数が判別できれば検査ビットが決まるので誤り。

1-2-6 ⑤

IPv4 8ビット \times 4 \rightarrow 32ビット $\Rightarrow 2^{32}$

IPv6 16ビット \times 8 \rightarrow 128ビット $\Rightarrow 2^{128}$

$$\text{倍率} = 2^{128} / 2^{32} = 2^{96}$$

1-3-1 ③

$$\int_{-1}^1 (ax + b) dx = \left(\frac{ax^2}{2} + bx \right)_{-1}^1 = 2b$$

また、次式が成り立つ。

$$f(-1) = -a + b,$$

$$f(0) = b,$$

$$f(1) = a + b$$

積分結果は2bであるから

$$\textcircled{1} \quad 2b = 2f(0)$$

$$\textcircled{2} \quad f(-1) + f(1) = -a + b + a + b = 2b$$

$$\textcircled{3} \quad f(-1)/4 + f(0) + f(1)/4$$

$$= (-a + b)/4 + b + (a + b)/4 = 3b/4$$

$$\textcircled{4} \quad f(-1)/2 + f(0) + f(1)/2$$

$$= (-a + b)/2 + b + (a + b)/2 = 2b$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{3} \{ (-a + b) + 4b + (a + b) \} = 2b$$

以上から③が誤り。

1-3-2 ③

$$J = \begin{vmatrix} \frac{\partial x}{\partial u} & \frac{\partial x}{\partial v} \\ \frac{\partial y}{\partial u} & \frac{\partial y}{\partial v} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ v & u \end{vmatrix} = u - v$$

Nを展開すると下記のようになる。

$$N_1 = \frac{1}{4}(1 - \xi)(1 - \eta) = \frac{1}{4}(1 - \xi - \eta + \xi\eta)$$

$$N_2 = \frac{1}{4}(1 + \xi)(1 - \eta) = \frac{1}{4}(1 + \xi - \eta - \xi\eta)$$

$$N_3 = \frac{1}{4}(1 + \xi)(1 + \eta) = \frac{1}{4}(1 + \xi + \eta + \xi\eta)$$

$$N_4 = \frac{1}{4}(1 - \xi)(1 + \eta) = \frac{1}{4}(1 - \xi + \eta - \xi\eta)$$

これは下式のように行列表示できる。

$$\begin{bmatrix} N_1 \\ N_2 \\ N_3 \\ N_4 \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ \xi \\ \eta \\ \xi\eta \end{bmatrix} = [a_0 \ a_1 \ a_2 \ a_3] \begin{bmatrix} 1 \\ \xi \\ \eta \\ \xi\eta \end{bmatrix}$$

ベクトル表示すれば、 $\mathbf{N} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{E}$ となる。

この式を転置すると、 $\mathbf{N}^t = \mathbf{E}^t \cdot \mathbf{A}^t$,

$$\text{すなわち、} [N_1 \ N_2 \ N_3 \ N_4] = [1 \ \xi \ \eta \ \xi\eta] \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix}$$

これにより $[N_1 \ N_2 \ N_3 \ N_4] = a_0 + \xi a_1 + \eta a_2 + \xi\eta a_3$ が成り立つことが分かる。正答は②

$$a_0 = \frac{1}{4}[1 \ 1 \ 1 \ 1], \quad a_1 = \frac{1}{4}[-1 \ 1 \ 1 \ -1]$$

$$a_2 = \frac{1}{4}[-1 \ -1 \ 1 \ 1], \quad a_3 = \frac{1}{4}[1 \ -1 \ 1 \ -1]$$

1-3-4 ⑤

$$\iint_S f(x, y) dx dy$$

$$= \int_0^a \left\{ \int_0^{a-y} (x+y) dx \right\} dy$$

{ }内は、

$$\int_0^{a-y} (x+y) dx$$

$$= \left[\frac{x^2}{2} + yx \right]_0^{a-y} = \frac{(a-y)^2}{2} + y(a-y)$$

$$= \frac{a^2 - y^2}{2} \quad \text{これを } g(y) \text{ と書く。}$$

$$\int_0^a g(y) dy = \int_0^a \left(\frac{a^2 - y^2}{2} \right) dy$$

$$= \left[\frac{a^2 y}{2} - \frac{y^3}{6} \right]_0^a$$

$$= \frac{a^3}{2} - \frac{a^3}{6} = \frac{a^3}{3} = \frac{8}{3}$$

1-3-5 ①

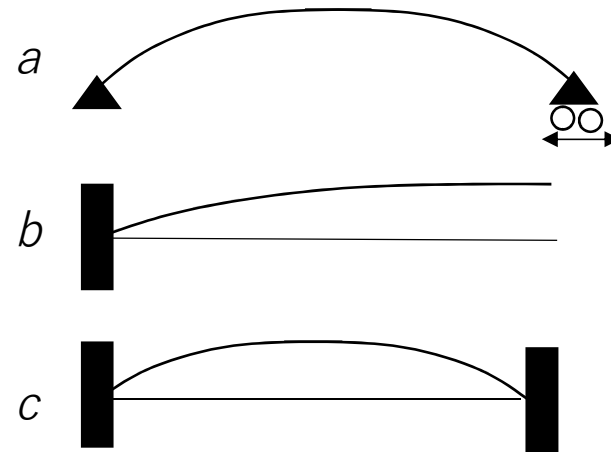
波長が長いほど振動数は小さく、波長が短いほど振動数は大きい。

題意により、複数の調和する固有振動周波数のうち振動数が最も小さい場合（波長が長い）で考える。

(c) のように両端を固定したときは、固定端を節、はりの中心を腹とした半波長の振動が起きる。

これに対し (b) のように片端のみを固定すれば、固定端を節、開放端を腹とする約 4 分の 1 波長の固有振動が起きる。これらに対し、(a) は片端単純支持、他端は、はりの長さ方向に若干自由であるから、遠心力ではりの長さが伸び、(c) よりは若干長い波長の固有振動数をもつ。波長が短いほど高周波になるので、

$f_b < f_a < f_c$ （次頁考察参照）（23年度同一問題）



1-3-6 ④

A, Bに加わる応力をフックの法則に従って求める。

ひずみを $\varepsilon_A, \varepsilon_B$ とすると、

$$A : \varepsilon_A = \frac{\sigma_A}{E_A}, \quad B : \varepsilon_B = \frac{\sigma_B}{E_B}$$

$$\varepsilon_A = \varepsilon_B \text{ から } \frac{\sigma_A}{E_A} = \frac{\sigma_B}{E_B}, \text{ すなわち、 } \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{E_A}{E_B} \text{ である。}$$

1-4-1 以下略

(1-3-5 の考察・試案)

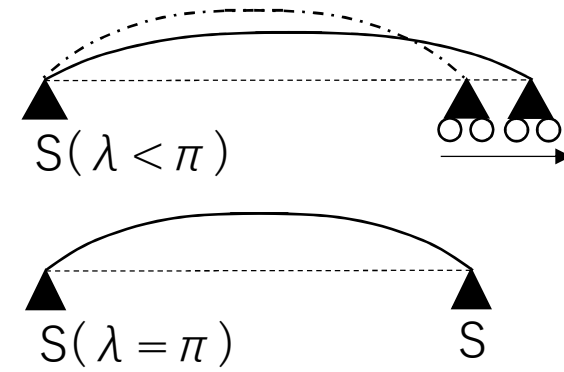
①まず、固定端Fと単純支持端Sとの振動上の違いを考えてみる。

単純支持Sは、はりの一端の位置を1点に拘束するのみで、この点を中心とする回転等は自由である。

これに対し、固定端Fは、拘束点Fの付近では、曲げに対する拘束があるので、固定端に近づくほど曲がりにくくなり、固定端から離れるに従い曲がり易くなる(下図)。



②次に、縦方向移動可能とする車がある場合の車の働きを考える。はりの振動時には、はりに回転振動の中心Sに対する遠心力が働き、車がある場合は、この遠心力によるはりの伸びにより、はりの長さが長くなる。このため振動数は両端単純支持の場合に比し減少する。



$$\text{参考、 } f = \frac{\lambda^2}{2\pi l^2} \sqrt{\frac{EI}{\rho A}}$$

ρ :密度、 A :断面積、 l :長さ、 E :ヤング率、 I :二次モーメント

この①②の二つの比較を利用して f の公式を知らなくても f の違いを推測することができる。